

# SCIENCES PHYSIQUES




ATS – LYCÉE LOUIS ARMAND

---

## Thème 3 : Réponse d'un système mécanique

### Travaux dirigés

---

Exercice faisant uniquement appel à des outils mathématiques \_\_\_\_\_  $\sqrt{x}$   
Exercice facile et/ou proche du cours \_\_\_\_\_   
Exercice accessible mais demandant du recul sur le cours et/ou sur les outils mathématiques \_\_\_\_\_   
Exercice complexe, de par son côté calculatoire et/ou astucieux \_\_\_\_\_ 

Il est normal de « bloquer » sur les **exercices** : personne ne s'attend à ce que vous sachiez les faire en cinq minutes seulement. Il faut cependant persévérer, avoir le cours à côté afin de voir si un raisonnement similaire a déjà été abordé, et ne pas hésiter à parler avec vos camarades ou votre professeur.

Les **problèmes** sont issus d'annales de concours et/ou d'examens. Ils sont au moins aussi importants à aborder que les exercices, car ils sont les plus proches (en terme de rédaction et de questions « bout-à-bout ») de ce que vous aurez en devoir surveillé ainsi qu'au concours.

# Chapitre 1 : Dynamique du point matériel

## Capacités exigibles et exercices associés

Capacités exigibles	Exercice(s)
Appliquer le principe fondamental de la dynamique dans le cas d'un mouvement rectiligne.	1.1, 1.2, 1.3, 1.4, problème

## Questions de cours

- Énoncer le principe des actions réciproques.
- Énoncer le principe fondamental de la dynamique ainsi que ses conditions d'application.
- Donner l'équation du mouvement d'un système masse-ressort horizontal à l'aide du PFD.
- Déterminer l'équation horaire d'un point matériel chutant dans le champ de pesanteur avec frottements à l'aide du PFD.

## Exercices

### 1.1 Brique sur un plan incliné

On considère un plan incliné d'un angle  $\alpha = 20^\circ$  par rapport à l'horizontale. Une brique de masse  $m = 600 \text{ g}$  est lancée depuis le bas du plan vers le haut avec une vitesse  $\vec{v}_0$  de norme  $2,4 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ . On utilise, pour étudier le mouvement, un axe  $(Ox)$  parallèle au plan incliné et dirigé vers le haut et tel que  $O$  coïncide avec le départ de la brique.

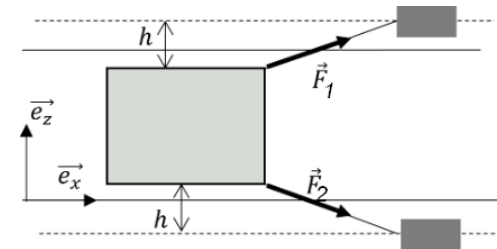
On suppose que le contact entre la brique et le plan incliné se fait sans frottements.

1. Faire un schéma et le bilan des actions mécaniques appliquées à la brique.
2. Établir à l'aide du PFD l'équation horaire du mouvement de la brique lors de sa montée.
3. Déterminer la date à laquelle la brique s'arrête ainsi que la distance qu'elle aura parcourue.

### 1.2 Halage d'un bateau

Deux chevaux tractent un navire le long d'un canal. Leurs trajectoires, en pointillés sur le schéma, et celle du bateau sont parallèles aux berges.

On note  $\vec{F}_1$  et  $\vec{F}_2$  les forces de traction de chaque cheval, celles-ci étant communiquées au navire à l'aide de cordes de longueur  $\ell = 20 \text{ m}$ . La norme chaque force de traction est  $F = 750 \text{ N}$ .



Le bateau, de masse  $m = 5$  tonnes, flotte grâce à la poussée d'Archimède  $\vec{\pi}$  qui compensent exactement le poids. L'eau exerce une force de frottements fluides  $\vec{f} = -\lambda \cdot \vec{v}$ , où  $\vec{v}$  est la vitesse du bateau.  $\alpha$  est l'angle formé entre le vecteur  $\vec{e}_x$  et la force  $\vec{F}_1$ .

Données :  $\lambda = 1,0 \times 10^3 \text{ SI}$  et  $h = 3,0 \text{ m}$ .

1. Exprimer les forces  $\vec{F}_1$  et  $\vec{F}_2$  en fonction de  $F$  et  $\alpha$  dans la base  $(\vec{e}_x, \vec{e}_y)$ .
2. Montrer que l'ensemble des forces exercées par les chevaux peut s'écrire  $\vec{F}' = 2F \times \sqrt{1 - \frac{h^2}{\ell^2}} \cdot \vec{e}_x$ . Calculer la norme de cette nouvelle force.
3. Déterminer l'équation du mouvement du bateau avec le PFD.
4. En régime permanent, que vaut la vitesse limite  $v_{\text{lim}}$  du bateau? Faire l'application numérique.

### 1.3 Descente à ski

Toto descend une piste à ski ; cette piste fait un angle  $\alpha$  avec l'horizontale. L'air exerce une force de frottements supposée de la forme  $\vec{F} = -\lambda \cdot \vec{v}$ , où  $\lambda$  est un coefficient constant positif et  $\vec{v}$  la vitesse de Toto.

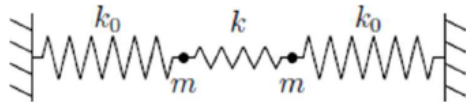
On note  $\vec{T}$  et  $\vec{N}$  les composantes tangentielle et normale de la réaction exercée par la neige, et  $f$  le coefficient de frottements solides tel que  $\|\vec{T}\| = f\|\vec{N}\|$ .

Soit  $O$  la position initiale de Toto. On note  $(O, x)$  l'axe parallèle à la pente, orienté vers le bas et  $(O, y)$  l'axe perpendiculaire la piste et dirigé vers le haut. Initialement, Toto possède une vitesse négligeable.

1. Faire un schéma faisant apparaître les quatre forces s'appliquant sur Toto ainsi que son accélération.
2. En appliquant le PFD à Toto et en projetant sur un axe approprié, exprimer  $\vec{N}$ . En déduire l'expression de sa norme  $N$ , puis celle de la réaction tangentielle  $T$ .
3. À l'aide de la seconde projection, exprimer l'accélération  $a(t)$ , puis la vitesse  $v(t)$  de Toto à chaque instant.
4. Montrer que Toto atteint une vitesse limite  $v_\ell$ . Application numérique : calculer  $v_\ell$  avec  $\lambda = 1,0 \text{ kg} \cdot \text{s}^{-1}$ ,  $m = 80 \text{ kg}$ ,  $\alpha = 45^\circ$  et  $f = 0,90$ .
5. Exprimer puis calculer la date  $t_1$  où Toto a une vitesse égale à  $v_\ell/2$ .

### 1.4 Système à deux masses

On considère le dispositif représenté sur le schéma ci-dessous.



On note  $x_1(t)$  la position du premier point et  $x_2(t)$  celle du deuxième point ; l'origine des abscisses est prise au niveau du bâti de gauche. Tous les ressorts ont la même longueur à vide  $\ell_0$  ;  $L$  représente la distance entre le bâti de gauche et celui de droite.

1. En appliquant le PFD sur le premier point, déterminer une équation du mouvement liant  $x_1$  et  $x_2$ .
2. Faire de même pour le deuxième point.
3. On pose  $X(t) = x_1(t) + x_2(t)$  et  $x(t) = x_1(t) - x_2(t)$ . En sommant et en soustrayant les deux équations précédentes, montrer que l'on obtient une équation portant sur  $X(t)$  et une équation portant sur  $x(t)$ .
4. Les résoudre, sachant que  $x_1(t=0) = \ell_0/2$ ,  $\dot{x}_1(t=0) = 0$ ,  $x_2(t=0) = 2\ell_0$  et  $\dot{x}_2(t=0) = 0$ .
5. En déduire les expressions de  $x_1(t)$  et  $x_2(t)$ .

### Problème

À l'approche de Noël, le Père Noël décide de partir en voyage pour vérifier que son traîneau et ses rennes se déplacent correctement.

On modélise le Père Noël ainsi que son traîneau par un point matériel  $M$  de masse  $m$ . Les deux rennes  $R_1$  et  $R_2$  tirant celui-ci exercent respectivement une force  $\vec{T}_1$  et  $\vec{T}_2$ , de normes respectives  $T_1 = 1,0 \times 10^3 \text{ N}$  et  $T_2 = 2,0 \times 10^3 \text{ N}$ .

Durant le déplacement du traîneau, le Père Noël remarque que le renne  $R_1$  tire trop vers la gauche, alors que le renne  $R_2$  tire trop vers la droite. Soient  $A_1$  et  $A_2$  les points d'attache de  $R_1$  et  $R_2$  sur le traîneau. On note  $\alpha_1 = 45^\circ$  l'angle que forme la corde  $R_1A_1$  par rapport à l'axe du traîneau ; de même, on note  $\alpha_2 = 30^\circ$  celui que forme la corde  $R_2A_2$  par rapport à l'axe du traîneau.

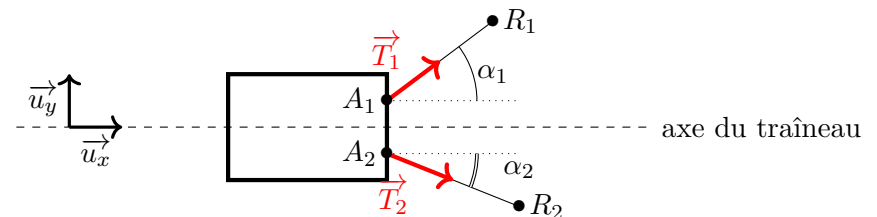


FIGURE 1.1 – Représentation du problème en vue du dessus. Le vecteur  $\vec{u}_z$ , non représenté ici, est selon la verticale du milieu.

On notera que les angles  $\alpha_1$  et  $\alpha_2$  sont positifs. Des frottements fluides  $\vec{f} = -\lambda \cdot \vec{v}$ , où  $\vec{v}$  est le vecteur-vitesse du traîneau, le ralentissent. Le mouvement se fait horizontalement : le poids est exactement compensé par la réaction du support.

1. Exprimer les vecteurs  $\vec{T}_1$  et  $\vec{T}_2$  dans la base  $(\vec{u}_x, \vec{u}_y)$ . En déduire l'expression de  $\vec{T} \triangleq \vec{T}_1 + \vec{T}_2$ , force totale de traction des deux rennes, dans la base  $(\vec{u}_x, \vec{u}_y)$ .
2. On donne :  $\frac{\sqrt{2}}{2} \approx 0,71$  ;  $\sqrt{3} \approx 1,74$ . Calculer numériquement chacune des composantes de  $\vec{T}$  dans la base  $(\vec{u}_x, \vec{u}_y)$ . Représenter alors le vecteur  $\vec{T}$  dans la base  $(\vec{u}_x, \vec{u}_y)$ , en utilisant une échelle de 1 cm pour 200 N.
3. On admet que  $\arctan(\theta) \approx \theta$  lorsque  $\theta < 1$  et  $\theta$  est exprimé en radians. De plus, on donne :  $\frac{3}{25} = 0,12$ . Montrer (sans utiliser un rapporteur) que le vecteur  $\vec{T}$  fait un angle  $\varphi$  d'environ  $7^\circ$  avec l'axe du traîneau. Ce décalage se fait-il vers la gauche ou vers la droite du traîneau ?

On se place à présent en régime permanent : le Père Noël, ainsi que son traîneau, se déplacent à vitesse constante.

4. Faire le bilan des actions mécaniques appliquées au point  $M$ . En appliquant le principe fondamental de la dynamique, montrer que l'on a alors  $\vec{v} = \frac{1}{\lambda} \cdot \vec{T}$ .
5. Selon quelle direction se déplace le Père Noël en régime permanent ? S'il souhaitait se déplacer selon l'axe du traîneau, lequel des deux rennes devrait diminuer sa force de traction ? Justifier.
6. On donne  $\lambda = 30$  SI. Déterminer la valeur numérique, en  $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$ , de la norme de la vitesse du Père Noël en régime permanent.

# Chapitre 3 : Régime sinusoïdal forcé d'un système mécanique

## Capacités exigibles et exercices associés

Capacités exigibles	Exercice(s)
Utiliser la notation complexe modélisant un signal sinusoïdal	3.2, 3.3
Établir en régime forcé les expressions de la position et de la vitesse d'un mobile en mouvement rectiligne oscillant	3.3

## Questions de cours

- Soit le signal réel  $u(t) = U \cos(\omega t + \varphi)$ . Donner l'expression du signal complexe  $\underline{u}(t)$ ; expliciter notamment son amplitude complexe  $\underline{U}$ .
- Démontrer que dériver un signal réel correspond à multiplier le signal complexe correspondant par  $j\omega$ .
- Déterminer la solution de  $5\dot{u} + \frac{1}{\tau}u = 3\cos(\omega t)$  en régime permanent.

## Exercices

### 3.1 Maniement des complexes

1. Déterminer les modules des nombres complexes suivants :  $A = 1 + 4j$  ;  $B = \frac{2-j}{j}$  ;  $C = \frac{3+3j}{-1+j}$  ;  $D = 2e^{2j+5}$  ;  $E = e^{2j\pi/3}$ .
2. Déterminer les arguments des nombres suivants :  $A = 1 + j$  ;  $B = -3$  ;  $C = \frac{-1+j}{2}$  ;  $D = \sqrt{2}j$  ;  $E = e^{10j\pi}$ .

### 3.2 Passage entre représentation réelle et représentation complexe



Donner l'amplitude complexe ou le signal réel dans les cas suivants, en supposant le régime sinusoïdal forcé de pulsation  $\omega$ .

Exemple :  $x(t) = X_0 \cos(\omega t + \varphi) \Leftrightarrow \underline{X_0} = X_0 e^{j\varphi}$ .

- $u(t) = U_0 \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{4}\right)$
- $i(t) = I\sqrt{2} \cos(\omega t - \psi)$
- $s(t) = S_m \sin(\omega t)$
- $\underline{U_L} = U_m e^{-j\pi/3}$
- $\underline{I_1} = -\frac{jU_0}{R}$
- $\underline{I} = -I_m e^{j\pi/6}$

### 3.3 Circuit RC série en régime forcé

L'équation différentielle vérifiée par la tension  $u(t)$  aux bornes d'un condensateur dans un circuit RC série s'écrit :

$$\frac{du}{dt} + \frac{1}{\tau}u = \frac{1}{\tau}e(t)$$

Ici, on se situe en régime forcé :  $e(t) = E_0 \cos(\omega t)$ . On cherche une solution particulière sous la forme  $u(t) = U_0 \cos(\omega t + \varphi)$ .

1. Que valent  $\underline{U}$  et  $\underline{E}$ , amplitudes complexes des signaux réels  $u(t)$  et  $e(t)$  ?
2. Écrire l'équation différentielle en termes de  $\underline{U}$  et  $E_0$ .
3. Résoudre cette équation pour déterminer  $\underline{U}$ .
4. En déduire l'expression de  $U_0$  et de  $\varphi$ .
5. On rappelle que la relation intensité-tension pour un condensateur est :  $i = C \frac{du}{dt}$ . Déduire des questions précédentes l'amplitude complexe  $\underline{I}$  de l'intensité puis son amplitude réelle  $I_0$ .

# Chapitre 5 : Résonance d'un système mécanique

## Capacités exigibles et exercices associés

Capacités exigibles	Exercice(s)
Établir la possibilité de l'existence d'une résonance en amplitude	problème

## Questions de cours

- Qu'appelle-t-on résonance en position pour un système mécanique ?
- Soit un système mécanique dont l'équation du mouvement est  $\ddot{X} + \frac{\omega_0}{Q} \dot{X} + \omega_0^2 X = \omega_0^2 \times E_0 \cos(\omega_0 t)$ . Déterminer la pulsation de résonance  $\omega_r$  en position du système.

## Problème

On se propose d'étudier le principe de fonctionnement des accéléromètres présents dans nos téléphones. Dans toute la suite :

- On note  $\mathcal{R}_T$  le référentiel terrestre supposé galiléen, de centre  $O$  et muni d'un repère orthonormé direct  $(O, \vec{u}_x, \vec{u}_y, \vec{u}_z)$  fixe dans ce référentiel. On note  $g$  l'intensité du champ de pesanteur terrestre, et on prendra  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .
- On note  $\mathcal{R}$  le référentiel lié au téléphone. Dans un premier temps,  $\mathcal{R}$  est astreint à un mouvement de translation selon la direction  $(O, x)$ .

On donne ci-dessous une schématisation simplifiée de l'accéléromètre étudié :

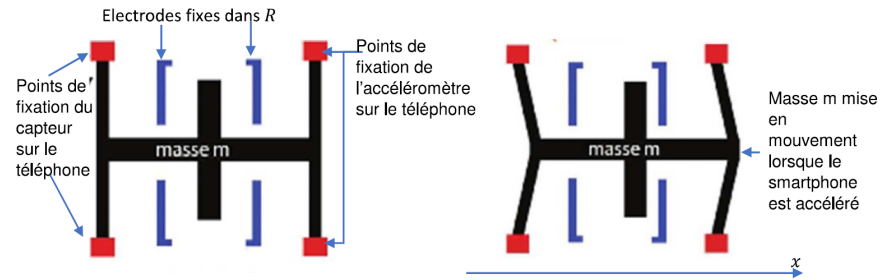
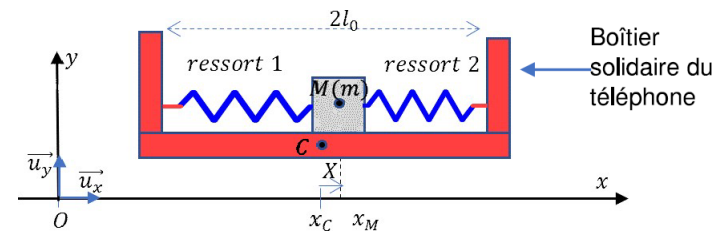


Figure 1 : Smartphone immobile dans  $\mathcal{R}_T$

Figure 2 : Smartphone accéléré dans  $\mathcal{R}_T$

Source : « Smartphonique » d'Ulysse Delabre (Dunod)

Pour cette étude mécanique, nous ne prendrons pas en compte les électrodes du capteur, fixes dans  $\mathcal{R}$ . Lorsque le téléphone est accéléré horizontalement selon  $(O, x)$  (figure 2), le bloc de masse  $m$  du capteur est mis en mouvement. Il s'ensuit des oscillations de la masse  $m$  qui peuvent être décrites de manière analogue à un système mécanique de type masse-ressorts. Dans la suite, nous allons donc modéliser l'accéléromètre en l'assimilant à une masse  $m$  repérée par le point  $M$  et reliée à deux ressorts. Ces deux ressorts sont fixés à un boîtier de centre  $C$  qui est lui-même solidaire du téléphone :



Ce modèle suppose que les deux ressorts sont identiques, de raideur  $k$  et de longueur à vide  $\ell_0$ . On note  $\vec{f}_1$  la force qu'exerce le ressort 1 sur  $M$  et  $\vec{f}_2$  la force qu'exerce le ressort 2 sur  $M$ . Le boîtier est de longueur  $2\ell_0$ . Le point  $C$ , repéré par l'abscisse  $x_C(t)$ , est animé d'un mouvement rectiligne et accéléré par rapport à  $\mathcal{R}_T$  et son accélération sera notée  $\vec{a}_C = a_C \vec{u}_x$ . La masse  $m$ , dont la position est repérée par le point  $M$  d'abscisse  $x_M(t)$  à l'instant  $t$ , est astreinte à un mouvement horizontal. Dans la suite, on pose  $X = x_M - x_C$  : ainsi,  $X = 0$  si l'accéléromètre est immobile ou en mouvement rectiligne uniforme par rapport au référentiel terrestre.

1. Exprimer  $\vec{f}_1$  puis  $\vec{f}_2$  en fonction de  $k$  et  $X$ .

Le mobile  $M$  subit donc une force  $\vec{f}_1 + \vec{f}_2 = -2kX.\vec{u}_x$  de la part des ressorts et subit également la réaction normale du support, son poids ainsi qu'une force de frottements donnée par  $\vec{f}_3 = -\alpha(\dot{x}_M - \dot{x}_C).\vec{u}_x$  où  $\alpha$  est une constante.

2. En utilisant le principe fondamental de la dynamique pour étudier le mouvement de  $M$  dans le référentiel terrestre, montrer que  $X(t)$  vérifie l'équation différentielle suivante :

$$\ddot{X} + \frac{\omega_0}{Q}\dot{X} + \omega_0^2 X = -a_C$$

où  $\omega_0$  et  $Q$  sont deux constantes dont on précisera les expressions en fonction des données du sujet.

3. Donner les unités de  $\omega_0$  et  $Q$  ainsi que les significations physiques de ces deux grandeurs.

Dans la suite, nous allons chercher à déterminer les conditions pour lesquelles le déplacement  $X$  est proportionnel à l'accélération  $a_C$  que l'on cherche à mesurer. Pour cela, on va étudier la réponse du capteur en régime sinusoïdal forcé tel que  $a_C = a_m \cos(\omega t)$  où  $\omega$  est la pulsation à laquelle oscille le téléphone et  $a_m > 0$  est une constante. Dans ces conditions, on écrit  $X(t) = X_m \cos(\omega t + \varphi)$  où  $X_m > 0$  et  $\varphi$  sont des constantes pour une valeur de  $\omega$  donnée. En utilisant la notation complexe, on écrit  $\underline{X} = X_0 e^{j(\omega t + \varphi)}$  et  $\underline{a_C} = a_m e^{j\omega t}$ .

4. En posant  $u = \frac{\omega}{\omega_0}$ , montrer que  $X_m = \frac{a_m}{\omega_0^2 \sqrt{(1-u^2)^2 + \left(\frac{u}{Q}\right)^2}}$ .

Dans la suite, on prendra  $Q = 5$  et  $f_0 = \frac{\omega_0}{2\pi} = 5 \text{ kHz}$ .

5. Montrer qu'il est possible d'observer un phénomène de résonance en élongation à la fréquence  $f_r = f_0 \sqrt{1 - \frac{1}{2Q^2}}$ .

6. Proposer une estimation de la valeur de  $f_r$ .

7. Expérimentalement, on stimule le capteur à des fréquences  $f \ll f_r$ , montrer alors que  $X_m \approx K a_m$  où  $K$  est une constante que l'on exprimera en fonction des données du sujet.

8. Pour cette question, on impose une accélération  $a_C$  constante telle que  $a_C = g$ . Estimer alors la valeur finale de  $X$  en nm.

# Chapitre 6 : De la dynamique à l'énergétique

## Capacités exigibles et exercices associés

Capacités exigibles	Exercice(s)
Calculer le travail d'une interaction conservative	6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6
Calculer la puissance d'une force dissipative	6.1, 6.6

## Questions de cours

- Définir le travail et la puissance d'une force ; donner leurs interprétations physiques, et le lien entre ces deux grandeurs.
- Établir l'expression de l'énergie potentielle de pesanteur ; établir l'expression de l'énergie potentielle élastique d'un ressort.
- Établir que le théorème de la puissance mécanique se déduit du principe fondamental de la dynamique.

## Exercices

### 6.1 Retour sur le thème 1

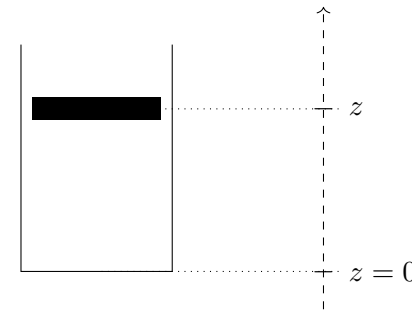
1. Montrer que l'énergie potentielle associée à la réaction du support sans frottements est constante.
2. Retrouver l'énergie potentielle élastique d'un ressort de raideur  $k$ , de longueur  $x$  et de longueur à vide  $\ell_0$  (on fera un schéma).
3. Montrer que la puissance des forces de frottements fluides est  $\mathcal{P}_f = -\lambda.v^2$ .

### 6.2 Retour sur le thème 2

Considérons un glaçon qui fond. Quelles forces s'exercent sur ce glaçon ? Pourquoi peut-on dire que le travail des forces autres que celles de pression  $W_{\neq p}$  est nul ?

### 6.3 Énergie potentielle des forces de pression

Soit un récipient diathermane cylindrique de section  $S$  dont la surface supérieure est constituée d'un piston mobile pouvant se déplacer de haut en bas (l'axe  $(O, z)$  sera ascendant). L'altitude  $z = 0$  correspond au fond du récipient, et  $z$  représente la position du piston.



Au sein du récipient sont présentes  $n$  moles de gaz parfait à la température  $T$  (supposée constante car les mouvements du piston seront « suffisamment lents »). À l'extérieur du récipient règne une pression  $p_{\text{atm}}$  constante.

1. Établir l'expression de la force  $\vec{F}_p$  de pression exercée par le gaz intérieur au cylindre sur le piston en fonction de  $n$ ,  $R$  (constante des gaz parfaits),  $T$  et  $z$ .
2. Quelle est la position d'équilibre  $z_{\text{éq}}$  du piston ?
3. Montrer que  $\vec{F}_p$  est une force conservative ; donner l'expression de son énergie potentielle  $\mathcal{E}_{p,\text{pression}}$ , en utilisant la convention que  $\mathcal{E}_{p,\text{pression}} = 0$  lorsque  $z = z_{\text{éq}}$ .



## 6.4 Pistolet à air comprimé

Un pistolet tire des fléchettes de forme cylindrique de diamètre  $d = 1 \text{ cm}$  en créant une surpression d'air dans une chambre, qui projette la fléchette.

On peut considérer, pour simplifier, que la fléchette de masse  $m = 80 \text{ g}$  est accélérée en glissant dans le canon de longueur  $L = 20 \text{ cm}$  en étant soumise à une pression  $p = 6 \text{ bar}$  constante. La pression atmosphérique est de  $1 \text{ bar}$ .



1. Donner l'expression puis la valeur du travail  $W$  fourni par la résultante des forces de pression sur la fléchette.
2. À l'aide d'une méthode énergétique dans laquelle la résultante des forces de pression peut être traitée comme une force non-conservative, déterminer l'altitude maximale atteinte par la flèche pour un tir vertical.

## 6.5 Arrêt d'un palet de hockey

Un palet de hockey de masse  $m = 10 \text{ kg}$  est lancé avec une vitesse  $v_0 = 8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  sur une piste verglacée horizontale de longueur  $L$ . Au bout de la piste se trouve une bande de largeur  $d = 1 \text{ m}$ . Lorsque le palet arrive dessus, il subit une force de frottement  $F_f = fmg$  où  $f = 0,4$  est un coefficient de frottement constant.

1. Que dire de la vitesse du palet sur la longueur  $L$  ?
2. Calculer le travail de la force de frottement sur la distance  $d$ .
3. Exprimer la vitesse du palet en sortie de la bande de largeur  $d$ .
4. Combien faudrait-il de bande pour que le palet s'arrête ?

## 6.6 De la ponctualité des camions

Un camion de masse  $m = 6 \text{ tonnes}$ , considéré comme ponctuel, part du repos sur une voie horizontale et acquiert une vitesse  $v = 45 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$  sous l'action d'une force motrice  $F$  constante. Les diverses résistances passives (frottements, liaisons imparfaites) qui agissent sur le véhicule équivalent à une force  $R_T = 250 \text{ N}$  et on admettra que ces résistances sont indépendantes de la vitesse.

1. Donner la relation entre  $m$ ,  $v$ ,  $F$  et  $R_T$  de deux manières différentes. Calculer alors la force motrice  $F$  en supposant que la vitesse est acquise en  $\Delta t = 1 \text{ min}$ .
2. Calculer le travail de la force motrice durant cette phase de démarrage.
3. On règle alors la force motrice de façon à maintenir constante cette valeur de  $45 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$ . Quelle est la puissance fournie par le moteur ?
4. On supprime alors la force motrice. Calculer la longueur  $L$  du chemin parcouru avant l'arrêt.
5. Si, pour éviter un obstacle, on arrête le camion au moyen de freins, après un parcours de  $L' = 20 \text{ m}$  sur la route, quel sera le travail  $W_{fr}$  de la force de freinage ?